الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادية 2019
- الموضوع -

NS22

المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والتعليم العالي والبحث العلمي

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

المادة	الرياضيات	مدة الانجاز	3
الشعبة أو المسلك	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها	المعامل	7

تعليمات عامة

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؛
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؛
- ينبغي تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة .

مكونات الموضوع

يتكون الموضوع من ثلاثة تمارين و مسألة، مستقلة فيما بينها، و تتوزع حسب المجالات كما يلي:

التمرين الأول	الهندسة الفضائية	3 نقط
التمرين الثاني	الأعداد العقدية	3 نقط
التمرين الثالث	حساب الاحتمالات	3 نقط
المسألة	دراسة دالة عددية و حساب التكامل و المتتاليات العددية	11 نقطة

ln يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري .

مرحبا بكم للمزيد من الدروس و الملخصات
و الامتحانات تفضلوا بزيارتنا
www.tahmilsoft.com

التمرين الأول (3 نقط):

في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O,\vec{i},\vec{j},\vec{k})$، نعتبر النقط $A(1,-1,-1)$ و $B(0,-2,1)$ و $C(1,-2,0)$

1) أ) بين أن $\overrightarrow{AB}\wedge\overrightarrow{AC}=\vec{i}+\vec{j}+\vec{k}$ — 0.75

ب) استنتج أن $x+y+z+1=0$ هي معادلة ديكارتية للمستوى (ABC) — 0.5

2) لتكن (S) الفلكة التي معادلتها $x^2+y^2+z^2-4x+2y-2z+1=0$

بين أن مركز الفلكة (S) هو النقطة $\Omega(2,-1,1)$ و أن شعاعها هو $R=\sqrt{5}$ — 0.75

3) أ) أحسب $d(\Omega,(ABC))$ مسافة النقطة Ω عن المستوى (ABC) — 0.5

ب) استنتج أن المستوى (ABC) يقطع الفلكة (S) وفق دائرة (Γ) (تحديد مركز وشعاع (Γ) غير مطلوب) — 0.5

التمرين الثاني (3 نقط) :

1) حل في مجموعة الأعداد العقدية $\mathbb{C}$ المعادلة : $z^2-2z+4=0$ — 0.75

2) في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O,\vec{u},\vec{v})$، نعتبر النقط A و B و C و D التي ألحاقها على التوالي هي : $a=1-i\sqrt{3}$ و $b=2+2i$ و $c=\sqrt{3}+i$ و $d=-2+2\sqrt{3}$

أ) تحقق أن $a-d=-\sqrt{3}(c-d)$ — 0.5

ب) استنتج أن النقط A و C و D مستقيمية . — 0.25

3) ليكن z لحق نقطة M و z' لحق النقطة M' صورة النقطة M بالدوران R الذي مركزه O و زاويته $\frac{-\pi}{3}$

تحقق أن $z'=\frac{1}{2}az$ — 0.5

4) لتكن H صورة النقطة B بالدوران R ، و h لحقها ، و P النقطة التي لحقها p حيث $p=a-c$

أ) تحقق أن $h=ip$ — 0.5

ب) بين أن المثلث OHP قائم الزاوية و متساوي الساقين في O — 0.5

التمرين الثالث (3 نقط) :

يحتوي صندوق على عشر كرات : ثلاث كرات خضراء و ست كرات حمراء و كرة واحدة سوداء لا يمكن التمييز بينها باللمس .

نسحب عشوائيا و تآنيا ثلاث كرات من الصندوق .

نعتبر الأحداث التالية : A :" الحصول على ثلاث كرات خضراء "

و B : " الحصول على ثلاث كرات من نفس اللون "

و C : " الحصول على كرتين على الأقل من نفس اللون "

1) بين أن : $p(A)=\frac{1}{120}$ و $p(B)=\frac{7}{40}$ — 2

2) أحسب $p(C)$ — 1

tahmilsoft.com

المسألة (11 نقطة) :

الجزء الأول :

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $]0,+\infty[$ بما يلي : $f(x)=x+\frac{1}{2}-\ln x+\frac{1}{2}(\ln x)^2$

و (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم $(O,\vec{i},\vec{j})$ (الوحدة 1cm)

1) احسب $\lim\limits_{\substack{x\to 0\\ x>0}} f(x)$ ثم أول النتيجة هندسيا — 0.5

2) أ) تحقق أن لكل x من المجال $]0,+\infty[$: $f(x)=x+\frac{1}{2}+\left(\frac{1}{2}\ln x-1\right)\ln x$ — 0.25

ب) استنتج أن $\lim\limits_{x\to+\infty} f(x)=+\infty$ — 0.5

ج) بين لكل x من المجال $]0,+\infty[$: $\frac{(\ln x)^2}{x}=4\left(\frac{\ln\sqrt{x}}{\sqrt{x}}\right)^2$ ثم استنتج أن : $\lim\limits_{x\to+\infty}\frac{(\ln x)^2}{x}=0$ — 0.5

د) بين أن المنحنى (C) يقبل فرعا شلجميا بجوار $+\infty$ اتجاهه المقارب المستقيم (Δ) الذي معادلته $y=x$ — 0.75

3) أ) بين أن لكل x من $]0,1]$: $(x-1)+\ln x\le 0$ و أن لكل x من $[1,+\infty[$: $(x-1)+\ln x\ge 0$ — 0.5

ب) بين أن لكل x من $]0,+\infty[$: $f'(x)=\frac{x-1+\ln x}{x}$ — 1

ج) ضع جدول تغيرات الدالة f — 0.5

4)أ) بين أن $f''(x)=\frac{2-\ln x}{x^2}$ لكل x من $]0,+\infty[$ — 0.5

ب) استنتج أن المنحنى (C) يقبل نقطة انعطاف يتم تحديد زوج إحداثيتها — 0.5

5) أ) بين أن لكل x من $]0,+\infty[$ ، $f(x)-x=\frac{1}{2}(\ln x-1)^2$ و استنتج الوضع النسبي للمنحنى (C) و المستقيم (Δ) — 0.5

ب) أنشئ (Δ) و (C) في نفس المعلم $(O,\vec{i},\vec{j})$ — 1

6) أ) بين أن الدالة $H:x\mapsto x\ln x-x$ هي دالة أصلية للدالة $h:x\mapsto\ln x$ على المجال $]0,+\infty[$ — 0.5

ب) باستعمال مكاملة بالأجزاء بين أن $\int_1^e(\ln x)^2dx=e-2$ — 0.75

ج) احسب ب cm^2 مساحة حيز المستوى المحصور بين (C) و (Δ) والمستقيمين اللذين معادلتاهما $x=1$ و $x=e$ — 0.5

الجزء الثاني :

لتكن (u_n) المتتالية العددية المعرفة كما يلي : $u_0=1$ و $u_{n+1}=f(u_n)$ لكل n من IN

1) أ) بين بالترجع أن لكل n من IN $1\le u_n\le e$ — 0.5

ب) بين أن المتتالية (u_n) تزايدية — 0.5

ج) استنتج أن المتتالية (u_n) متقاربة — 0.5

2) أحسب نهاية المتتالية (u_n) — 0.75

مرحبا بكم للمزيد من الدروس و الملخصات و الامتحانات تفضلوا بزيارتنا
www.tahmilsoft.com

المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والتعليم العالي والبحث العلمي

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادية 2019
- عناصر الإجابة -

NR22

المادة	الرياضيات	مدة الانجاز	3
الشعبة أو المسلك	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها	المعامل	7

- تؤخذ بعين الاعتبار مختلف مراحل الحل وتقبل كل طريقة صحيحة تؤدي إلى الحل -

التمرين الأول (3 نقط)

1)	أ	0.75
	ب	0.5
2)	0.75 : 0.5 للمركز و 0.25 للشعاع	
3)	أ	0.5
	ب	0.5

التمرين الثاني (3 نقط)

1)	0.75 : 0.25 للمميز و 0.25 لكل حل	
2)	أ	0.5
	ب	0.25
3)	0.5	
4)	أ	0.5
	ب	0.5 : 0.25 للمثلث قائم الزاوية و 0.25 للمثلث متساوي الساقين

التمرين الثالث (3 نقط)

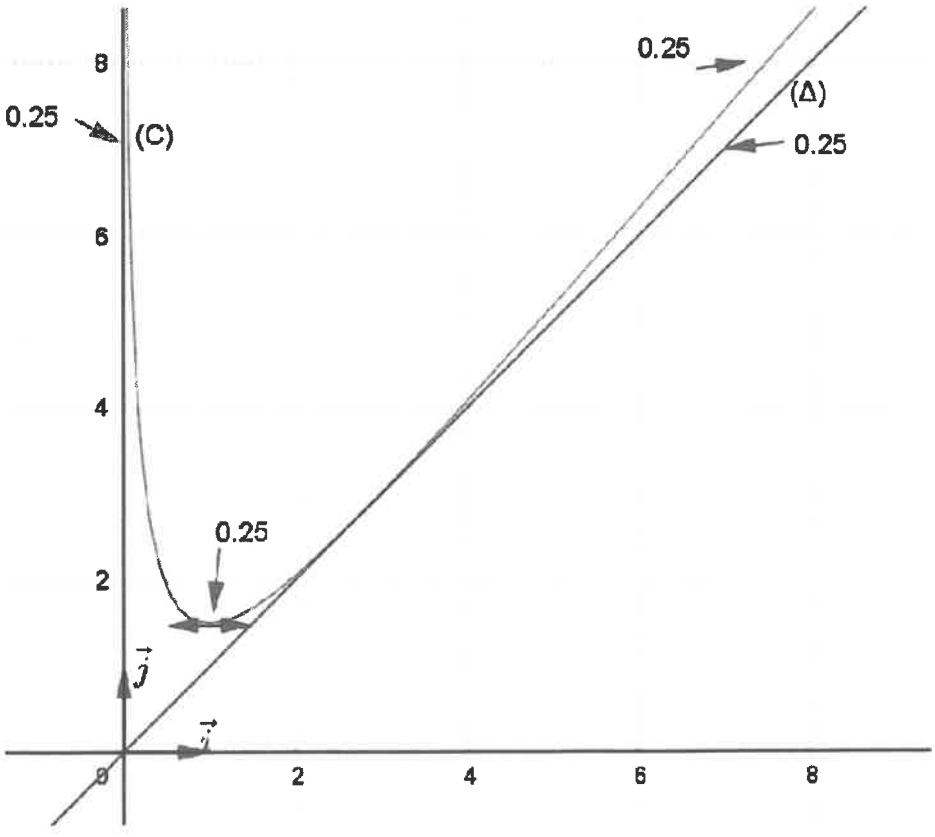
1)	2 : 1 ل $p(A)=\frac{1}{120}$ و 1 ل $p(B)=\frac{7}{40}$
2)	1 ل $p(C)=\frac{17}{20}$

tahmilsoft.com

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2019 – عناصر الإجابة
- مادة: الرياضيات – شعبة العلوم التجريبية بمسالكها

المسألة (11 نقطة)

الجزء الأول	1)	0.5 : 0.25 لحساب النهاية و 0.25 للتأويل
	2) أ	0.25
	2) ب	0.5
	2) ج	0.5 : 0.25 للمتساوية و 0.25 للاستنتاج
	2) د	0.75 : 0.25 للنهاية $\lim_{x\to+\infty}\frac{f(x)}{x}$ و 0.25 للنهاية $\lim_{x\to+\infty}(f(x)-x)$ و 0.25 للاتجاه المقارب
	3) أ	0.5 : 0.25 لكل متفاوتة
	3) ب	1
	3) ج	0.5
	4) أ	0.5
	4) ب	0.5
	5) أ	0.5 : 0.25 للمتساوية و 0.25 للاستنتاج
	ب	1 : توزع وفق ما هو مبين في الشكل أسفله



مرحبا بكم للمزيد من الدروس و الملخصات
و الامتحانات تفضلوا بزيارتنا
www.tahmilsoft.com

	6)	أ	0.5
		ب	0.75 : 0.25 لتقنية المكاملة بالأجزاء و 0.5 للحساب
		ج	0.5 : 0.25 لصيغة المساحة و 0.25 للحساب
الجزء الثاني	1)	أ	0.5
		ب	0.5
		ج	0.5
	2)		0.75 : 0.5 للتحقق من شروط المبرهنة و 0.25 لحساب النهاية

tahmilsoft.com