



الصفحة
1
8



الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادية 2010
الموضوع

7	المعامل:	NS30	الفيزياء والكيمياء	المادة:
4	مدة الإنجاز:		شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	الشعب (ة) أو المسالك:

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة

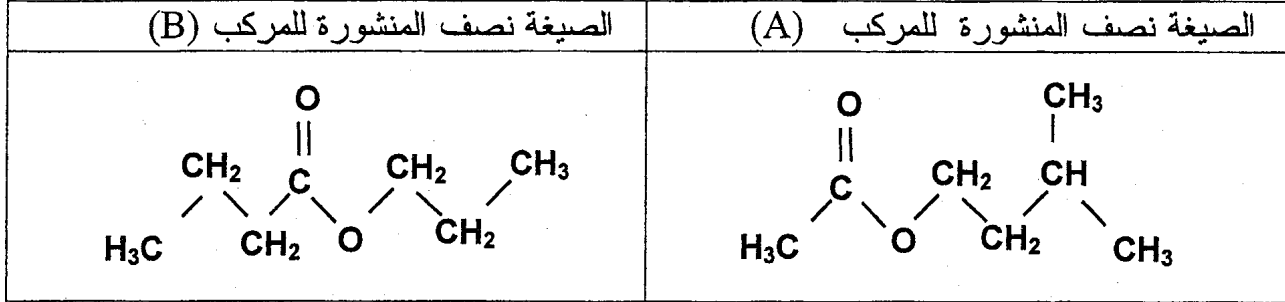
يتضمن الموضوع أربعة تمارين:
تمرين في الكيمياء و ثلاثة تمارين في الفيزياء

(5,25 نقطة) (1,75 نقطة) دراسة حلماة إستر تصنيع إستر	الكيمياء
(1,75 نقطة) تأريخ الترسبات البحرية	فيزياء 1
(5,5 نقطة) دراسة النظام الانتقالي في وشيعة وفي مكثف	فيزياء 2
(2,75 نقطة) (3 نقطة) السقوط الرأسي لجسم صلب تغيير الشروط البدئية لحركة متذبذب غير مخمّد	فيزياء 3

كيمياء : (7 نقط)

الجزء الأول (5,25 نقطة): دراسة حلماة إستر

مركبان عضويان (A) إيثانوات 3- ميثيل بوتيل و (B) بوتانوات البروبيل لهما نفس الصيغة الإجمالية $C_7H_{14}O_2$ و يشتركان في نفس المجموعة المميزة ، لكن ليس لهما نفس الصيغة نصف المنشورة .



يتميز المركب (A) بمذاق و عطر الموز و يستعمل كمركب إضافي في صناعة المواد الغذائية ، أما المركب (B) فيستعمل في صناعة العطور .
معطيات :

الكتل المولية الجزيئية : $M(A) = M(B) = 130 \text{ g.mol}^{-1}$ ؛ $M(H_2O) = 18,0 \text{ g.mol}^{-1}$ ؛
الكتلة الحجمية للماء : $\rho(H_2O) = 1,00 \text{ g.mL}^{-1}$ ؛ الكتلة الحجمية للمركب (A) : $\rho(A) = 0,870 \text{ g.mL}^{-1}$ ؛
ثابتة الحمضية للمزدوجة CH_3COOH/CH_3COO^- عند $25^\circ C$: $K_A = 1,80 \cdot 10^{-5}$ ؛
الجداء الأيوني للماء عند $25^\circ C$: $K_e = 1,00 \cdot 10^{-14}$.

I / المجموعة المميزة :

1. ماهي المجموعة المميزة المشتركة بين المركبين (A) و (B) ؟

0,25

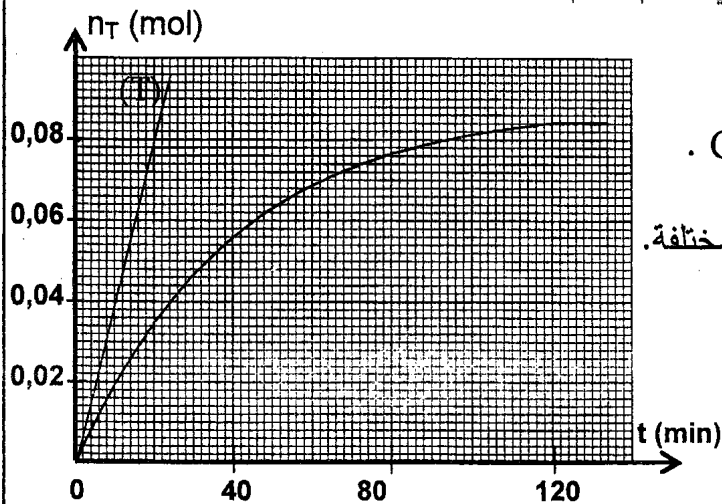
2. أعط الصيغة نصف المنشورة للحمض و الكحول اللذين يُمكنان من تصنيع المركب (A).

0,5

II / دراسة حلماة المركب (A) .

نذيب 30,0 mL من إيثانوات 3- ميثيل بوتيل في حجم من الماء للحصول على خليط تفاعلي حجمه 100 mL . نوزع 50,0 mL من الخليط التفاعلي بالتساوي على 10 كؤوس ، حيث يحتوي كل كأس على 5,00 mL من الخليط التفاعلي ، و نحفظ بـ 50,0 mL من هذا الخليط في حوالة .

عند اللحظة $t = 0$ ، نضع جميع الكؤوس و الحوالة في حمام مريم درجة حرارته ثابتة θ .



شكل 1

عند لحظة t ، نخرج كأسا من حمام مريم و نضعه في

ماء متلج ، ثم نعاير كمية المادة n للحمض المتكون

بواسطة محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم تركيزه C_B .

ننجز هذه المعايرة بوجود كاشف ملون ملائم .

نعيد المعايرة نفسها بالنسبة لباقي الكؤوس في لحظات مختلفة.

نرمز بـ V_{BE} لحجم محلول هيدروكسيد الصوديوم

المضاف عند التكافؤ .

نُمكن نتائج هذه المعايرة من استنتاج منحنى تطور

كمية المادة n_T للحمض المتكون في الحوالة بدلالة

الزمن $n_T = f(t)$ ، الشكل (1) .

1. تفاعل المعايرة :

- 1.1 - اكتب معادلة تفاعل المعايرة . 0,25
- 1.2 - عبّر عن ثابتة التوازن K المقرونة بمعادلة تفاعل المعايرة بدلالة ثابتة الحمضية K_A للمزدوجة CH_3COOH/CH_3COO^- و الثابتة K_e . احسب قيمة K . 0,75
- 1.3 - نعتبر أن تفاعل المعايرة كلي . 0,5
- عبّر عن كمية المادة n للحمض الموجود في الكأس عند اللحظة t بدلالة V_{BE} و C_B . استنتج ، بدلالة V_{BE} و C_B ، كمية المادة n_T للحمض المتكون في الحوجة عند نفس اللحظة t و نفس درجة الحرارة θ .

2- تفاعل الحلماة :

- 2.1 - اذكر مميزات تفاعل الحلماة . 0,25
- 2.2 - احسب كميتي المادة $n(A)_i$ للمركب (A) و $n(H_2O)_i$ للماء في الحوجة قبل بداية التفاعل . 1
- 2.3 - استنتج، عند التوازن، قيمة نسبة التقدم النهائي τ لتفاعل الحلماة. 0,75
- 2.4 - يمثل المستقيم (T) المماس للمنحنى $n_T = f(t)$ عند اللحظة $t = 0$ (الشكل 1) . 0,5
- حدد قيمة السرعة الحجمية للتفاعل الحاصل في الحوجة عند $t = 0$.
- 2.5 - فسر كيف تتطور السرعة الحجمية للتفاعل خلال الزمن . 0,5
- ما العامل الحركي المسؤول عن هذا التطور؟

الجزء الثاني (1,75 نقطة) : تصنيع إستر

لمقارنة تأثير كل من حمض البوتانويك و أندريد البوتانويك على البروبان -1- أول ، نجرز تصنيعين باستعمال الجهاز الممثل في الشكل (2).

■ التصنيع الأول : ندخل في الحوجة كمية المادة n_1 من البروبان -1- أول وكمية وافرة من حمض البوتانويك ؛

■ التصنيع الثاني : ندخل في الحوجة نفس كمية المادة n_1 من البروبان -1- أول وكمية وافرة من أندريد البوتانويك ؛

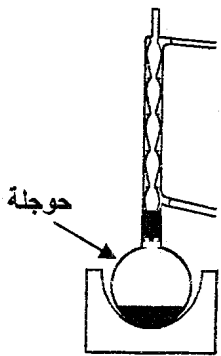
يمثل المنحنيان التجريبيان (1) و(2)، تباعا، تطور تقدم التفاعل خلال التصنيع الأول وتطور تقدم التفاعل خلال التصنيع الثاني، الشكل (3).

1- أعط اسم الجهاز المستعمل و علل اختياره . 0,5

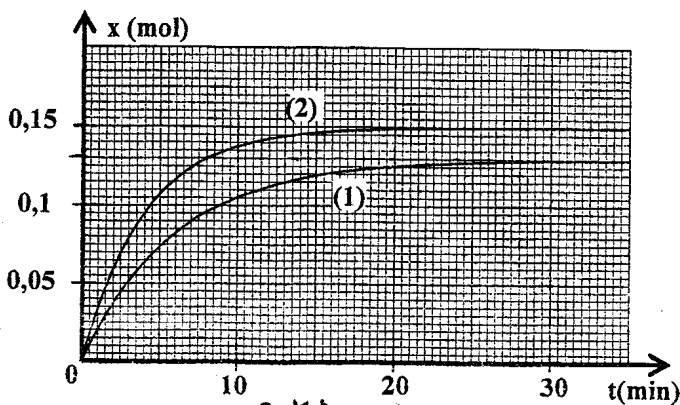
2- باستعمال الصيغ نصف المنشورة، اكتب معادلة التفاعل الحاصل خلال التصنيع الثاني. 0,5

3- حدد، انطلاقا من المنحنيين التجريبيين 0,75

(1) و(2) ، قيمة مردود التصنيع الأول .



شكل 2



شكل 3

فيزياء 1 : (1,75 نقطة) تأريخ الترسبات البحرية

يستعمل الثوريوم $^{230}_{90}\text{Th}$ لتأريخ المرجان و الترسبات البحرية لأن تركيز الثوريوم على سطح الترسب الموجود في تماس مع ماء البحر يبقى ثابتا و يتناقص حسب العمق داخل الترسب .

1- يعطي الأورانيوم $^{238}_{92}\text{U}$ المذاب في ماء البحر ذرات الثوريوم $^{230}_{90}\text{Th}$ مع انبعاث α دقائق و β^- دقائق .

1.1- اكتب معادلة هذا التحول النووي محددا قيمة كل من x و y .

1.2- نرمز لثابتة النشاط الإشعاعي للثوريوم ^{230}Th بـ λ و لثابتة النشاط الإشعاعي للأورانيوم ^{238}U بـ λ' .

بين أن النسبة $\frac{N(^{230}\text{Th})}{N(^{238}\text{U})}$ تكون ثابتة عندما يصبح لعينة الأورانيوم 238 و عينة الثوريوم 230 نفس النشاط

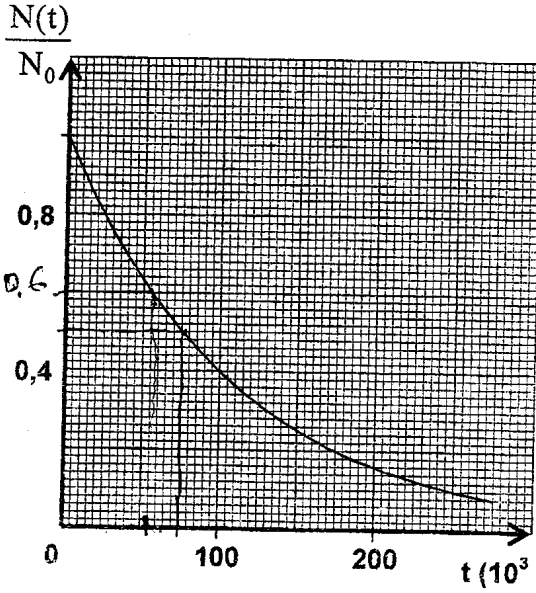
الإشعاعي ، حيث $N(^{230}\text{Th})$ عدد نوى الثوريوم 230 عند لحظة t و $N(^{238}\text{U})$ عدد نوى الأورانيوم عند نفس اللحظة t .

2- تتولد عن تفتت نواة الثوريوم $^{230}_{90}\text{Th}$ نواة الراديوم $^{226}_{88}\text{Ra}$.

اكتب معادلة هذا التفاعل النووي محددا طبيعة الإشعاع المنبعث .

3- نسمي $N(t)$ عدد نوى الثوريوم 230 الموجود في عينة من المرجان عند لحظة t و نسمي N_0 عدد هذه

النوى عند $t = 0$.



يمثل المبيان جانبه تطور النسبة $\frac{N(t)}{N_0}$ بدلالة الزمن t .

اعتمادا على المبيان ، تحقق أن عمر النصف

للثوريوم ^{230}Th هو $t_{1/2} = 7,5 \cdot 10^4 \text{ans}$.

4- يُستعمل المبيان جانبه لتأريخ عينة من ترسب بحري .

أخذت ، من قعر المحيط ، عينة لها شكل أسطوانة ارتفاعها h .

بين تحليل جزء ، كتلته m ، أخذ من القاعدة العليا لهذه

العينة أنه يحتوي على كتلة $m_s = 20 \mu\text{g}$ من الثوريوم 230

و بين تحليل جزء له نفس الكتلة m ، أخذ من القاعدة السفلى

للعينة ذاتها ، أنه يحتوي فقط على كتلة $m_p = 1,2 \mu\text{g}$

من الثوريوم 230 .

نأخذ أصل التواريخ $t = 0$ حيث تكون كتلة الثوريوم 230 هي $m_0 = m_s$.

أوجد ، بالسنة ، عمر الجزء المأخوذ من القاعدة السفلى للعينة .

فيزياء 2 : (5,5 نقطة) دراسة النظام الانتقالي في وشيعة وفي مكثف .

يمكن الحصول على تذبذبات كهربائية حرة غير مخمدة ، بتركيب على التوالي ، مكثف و وشيعة معامل

تخريضها L و مقاومتها r ، وإضافة مولد ذي مقاومة سالبة ، يعوض لحظيا الطاقة المبددة بمفعول جول .

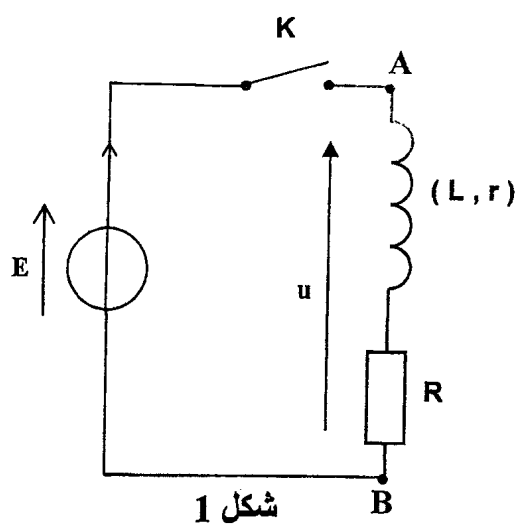
يهدف هذا التمرين إلى دراسة النظام الانتقالي الذي يسود في الدارة بين لحظة إغلاق قاطع التيار

ولحظة بداية استقرار النظام الدائم سواء بالنسبة للوشيعة أو بالنسبة للمكثف ، كما يتطرق إلى

التبادل الطاقي الذي يحدث بين المكثف و الوشيعة أثناء التذبذبات الكهربائية .

1 - دراسة النظام الانتقالي في وشيعة

نجز التركيب التجريبي الممثل في الشكل (1)، وذلك لتتبع إقامة التيار الكهربائي في ثنائي قطب (AB) مكون من موصل أومي مقاومته R وشيعة معامل تحريضها L ومقاومتها r. يطبق المولد الكهربائي المثالي توترا ثابتا $E = 6,0V$ بين مربطي ثنائي القطب (AB).



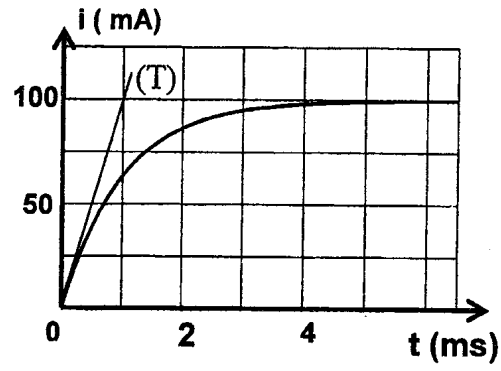
شكل 1

1.1- نضبط المقاومة R على القيمة $R = 50\Omega$ ، ونغلق قاطع التيار K عند اللحظة $t = 0$.

نسجل بواسطة جهاز ملائم تطور شدة التيار i المار في الدرة بدلالة الزمن t، فنحصل على المنحنى الممثل في الشكل (2). المعامل الموجه للمماس (T) للمنحنى $i=f(t)$ عند اللحظة $t = 0$ ، هو $a = 100A.s^{-1}$ ، الشكل (2).

يعبر عن التوتر u بين مربطي ثنائي القطب (AB) بالعلاقة :

$$u = (R + r).i + L \frac{di}{dt}$$



شكل 2

أ - هل يتزايد أو يتناقص المقدار $L \cdot \frac{di}{dt}$ أثناء النظام الانتقالي؟ 0,5

علل جوابك .

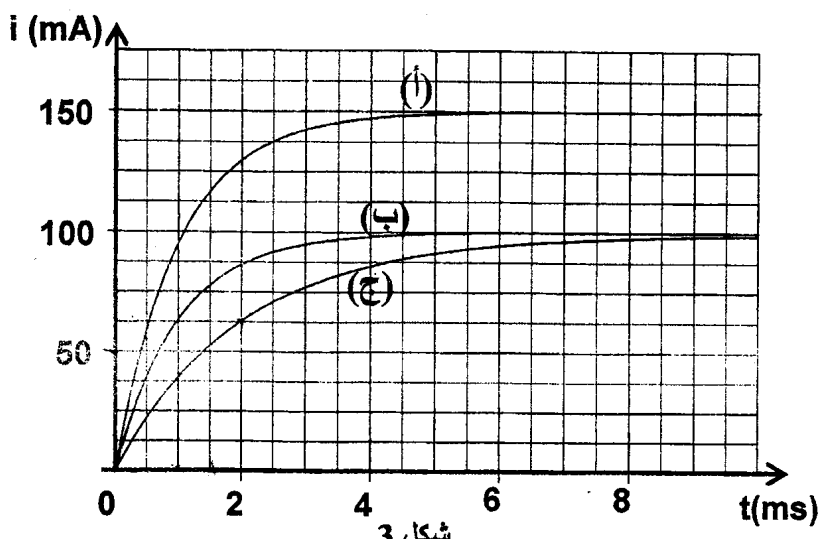
ب- عبّر، عند اللحظة $t = 0$ ، عن $\frac{di}{dt}$ بدلالة E و L. 0,5

أوجد قيمة L.

ج- احسب قيمة $\frac{di}{dt}$ بالنسبة لـ $t > 5ms$ واستنتج قيمة r. 0,5

الحالات	(H) ← L	(Ω) ← R	(Ω) ← r
الحالة الأولى	$L_1 = 6,0 \cdot 10^{-2}$	$R_1 = 50$	10
الحالة الثانية	$L_2 = 1,2 \cdot 10^{-1}$	$R_2 = 50$	10
الحالة الثالثة	$L_3 = 4,0 \cdot 10^{-2}$	$R_3 = 30$	10

1.2- نستعمل نفس التركيب التجريبي (الشكل 1)، ونغير في كل حالة قيمة معامل التحريض L للوشيعة وقيمة المقاومة R للموصل الأومي، كما يبين الجدول جانبه :



شكل 3

يعطي الشكل (3) المنحنيات (أ) و(ب) و(ج) المحضلة في الحالات الثلاث. 0,75

أ- عين، معللا جوابك، المنحنى الموافق للحالة الأولى والمنحنى الموافق للحالة الثانية. 0,5

ب - نضبط المقاومة R_2 على القيمة R'_2 لتكون ثابتة الزمن هي نفسها في الحالتين الثانية والثالثة.

عبر عن R'_2 بدلالة L_2 و L_3 و R_3 و r. احسب R'_2 .

2- دراسة النظام الانتقالي في مكثف

نعوض في التركيب الممثل في الشكل (1) الوشيجة بمكثف سعته $C=20\mu\text{F}$ ، غير مشحون بدنياً، ونضبط مقاومة الموصل الأومي على القيمة $R=50\Omega$.

نغلق قاطع التيار عند اللحظة $t=0$ ، ونعاين بواسطة جهاز ملائم تطور التوتر u_C بين مربطي المكثف بدلالة الزمن.

2.1- ارسم تبيانة التركيب التجريبي، مبينا عليها تركيب هيكل ومدخل الجهاز والسهم الممثل للتوتر u_C في الاصطلاح مستقبل.

2.2- أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C .

2.3- يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل: $u_C = Ae^{-\frac{t}{\tau}} + B$ ، حيث A و B ثابتان و τ ثابتة الزمن.

أوجد، بدلالة برامترات الدارة، تعبير كل من A و B و τ .

2.4- استنتج، بدلالة الزمن، التعبير الحرفي لشدة التيار i المار في الدارة أثناء النظام الانتقالي.

2.5- احسب شدة التيار عند اللحظة $t=0$ مباشرة بعد إغلاق قاطع التيار.

3- دراسة تبادل الطاقة بين المكثف والوشيجة

نجز التركيب الممثل في الشكل (4) والمتكون من:

- وشيجة معامل تحريضها L ومقاومتها r ؛

- مكثف سعته $C=20\mu\text{F}$ مشحون مسبقاً تحت التوتر $U_0=6,0\text{V}$ ؛

- مولد G يعوض، بالضبط، الطاقة المبددة في الدارة بمفعول جول.

نغلق قاطع التيار K ، فيمر في الدارة تيار كهربائي شدته

$$i = I_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right)$$

حيث T_0 الدور الخاص للدارة (LC):

$$T_0 = 2\pi\sqrt{L \cdot C}$$

3.1- بين أن تعبير الطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف، عند لحظة t ، يكتب على الشكل:

$$E_C = \frac{1}{2} \cdot L \cdot I_m^2 \cdot \sin^2\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right)$$

3.2- بين أن الطاقة الكلية E للدارة (LC) تحفظ أثناء التذبذبات و احسب قيمتها.

فيزياء 3: (5,75 نقطة) الجزء الأول و الثاني مستقلان

الجزء الأول (2,75 نقطة): السقوط الرأسي لجسم صلب

يخضع كل جسم صلب مغمور في مائع إلى دافعة أرخميدس، وإذا كان هذا الجسم في حركة إزاحة داخل المائع فإنه يخضع كذلك إلى قوة احتكاك مائع.

يهدف هذا التمرين إلى دراسة تطور سرعة كرتين (a) و (b) من الزجاج متجانستين ليس لهما نفس الشعاع، توجدان في حركة إزاحة داخل زيت بسرعة نسبياً صغيرة.

معطيات: الكتلة الحجمية للزجاج: $\rho = 2600 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$

: الكتلة الحجمية للزيت: $\rho_0 = 970 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$

: لزوجة الزيت: $\eta = 8,00 \cdot 10^{-2} \text{ N} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{s}$

: تسارع الثقالة: $g = 9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$

: تعبير حجم كرية شعاعها r : $V = \frac{4}{3} \pi \cdot r^3$

نحرر، عند نفس اللحظة $t=0$ ، الكرتين (a) و (b) عند سطح الزيت الموجود في أنبوب شفاف أسطواني رأسي.

ارتفاع الزيت في الأنبوب هو $H = 1,00 \text{ m}$ ، الشكل (1).

1-دراسة حركة الكرة (a) .

ندرس حركة الكرة (a) في المعلم (O, \vec{i}) المرتبط بالأرض .
تخضع الكرة أثناء حركتها داخل الزيت إلى :

- دافعة أرخميدس $\vec{F} = -\rho_0 \cdot V \cdot g \cdot \vec{i}$ ؛

- قوة الاحتكاك المائع $\vec{f} = -6\pi \cdot \eta \cdot r \cdot v \cdot \vec{i}$ حيث v سرعة الكرة ؛

- وزنها $\vec{P} = m \cdot g$.

نرمز للزمن المميز لحركة الكرة (a) بـ τ ؛ ونعتبر أن سرعة الكرة تبلغ القيمة الحدية v_ℓ بعد تمام المدة الزمنية 5τ .

1.1- أثبت المعادلة التفاضلية $\frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} = C$ لحركة الكرة (a)

1

مع تحديد تعبير الثابتين τ و C . احسب τ ، علما أن $r = 0,25 \text{ cm}$.

1.2- احسب قيمة السرعة الحدية v_ℓ للكرة (a) .

0,5

2- دراسة مقارنة لحركتي الكرتين (a) و (b)

شعاع الكرة (b) هو $r' = 2r$.

2.1- حدد ، معلقا جوابك ، الكرة التي تستغرق أطول مدة زمنية لتبلغ سرعتها الحدية .

0,5

2.2- خلال النظام الانتقالي تقطع :

0,75

- الكرة (a) المسافة $d_1 = 5,00 \text{ cm}$ ؛

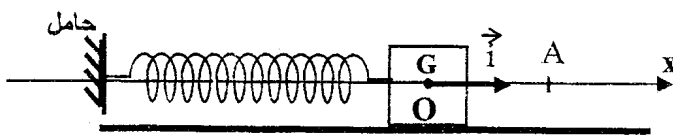
- الكرة (b) المسافة $d_2 = 80 \text{ cm}$.

نهمل شعاعي الكرتين r و r' أمام ارتفاع الزيت H .

احسب المدة الزمنية الفاصلة بين وصول الكرتين (a) و (b) إلى قعر الأنبوب .

الجزء الثاني (3 نقط) : تغيير الشروط البدئية لحركة متذبذب غير مخمد

المجموعة الميكانيكية المتذبذبة هي مجموعة ميكانيكية تنجز حركة دورية ذهابا وإيابا حول موضع توازنها المستقر .



شكل 2

يتكون نواس مرن أفقي من جسم صلب (S)

كتلته m ، مثبت بطرف نابض لفاته غير متصلة

وكتلته مهملة وصلابته K .

الطرف الآخر للنابض مثبت في حامل ثابت

كما يبين الشكل (2) .

عند التوازن ، ينطبق مركز القصور G للجسم (S) مع الأصل O لمعلم الفضاء (O, \vec{i}) المرتبط بالأرض .

نزوح الجسم (S) عن موضع توازنه في المنحنى الموجب إلى أن ينطبق مركز قصوره G مع نقطة A تبعد

عن O بمسافة d .

نعتبر الحالتين التاليتين :

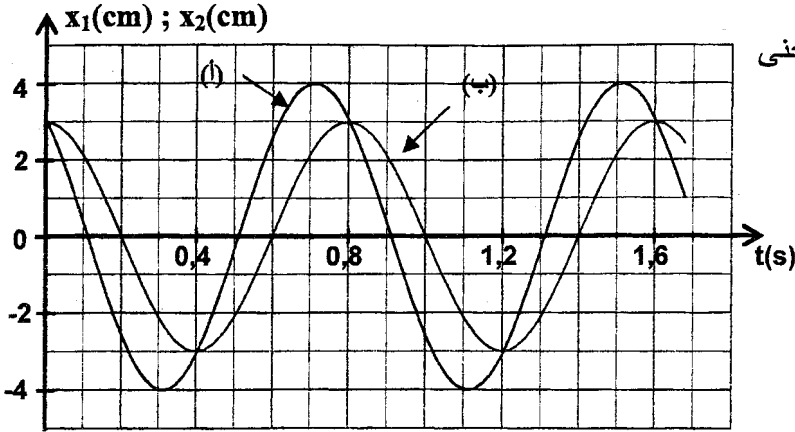
- الحالة الأولى : نحرر الجسم (S) عند النقطة A ، بدون سرعة بدئية ، عند لحظة $t = 0$.

- الحالة الثانية : نرسل الجسم (S) انطلاقا من النقطة A في المنحنى السالب ، بسرعة بدئية \vec{v}_A ، عند لحظة $t = 0$.

في الحالتين ينجز الجسم (S) حركة تذبذبية حول موضع توازنه O .

- 1- أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفضول x لمركز القصور G . 0,5
- 2- أوجد التعبير الحرفي للدور الخاص T_0 للمتذبذب ليكون حل المعادلة التفاضلية هو : 0,5

$$x = x_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$$



شكل 3

- 3- نحصل ، بواسطة جهاز ملائم ، على منحنى 0,5

تطور الأفضولين x_1 و x_2 لمركز قصور

الجسم (S) ، تباعا ، في الحالتين الأولى

والثانية ، كما يبين الشكل (3) .

عين ، معللا جوابك ، المنحنى الموافق

لحركة المتذبذب في الحالة الأولى.

4- نعتبر المتذبذب في الحالة الثانية ،

ونرمز لوسع حركته بـ x_{m2} وللطور

عند أصل التواريخ بـ φ_2 .

- 4.1- حدد من المبيان الممثل في الشكل (3) 0,5

قيمة المسافة d وقيمة الوسع x_{m2} .

- 4.2- بتطبيق انحفاظ الطاقة الميكانيكية ، بين أنه يمكن التعبير عن الوسع x_{m2} بالعلاقة : 0,5

$$x_{m2} = \sqrt{\frac{m \cdot v_A^2}{K} + d^2}$$

- 4.3- أوجد تعبير $\tan\varphi_2$ بدلالة d و x_{m2} 0,5

الكيمياء

الجزء الأول: دراسة حلمأة إستر

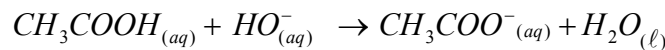
(I) المجموعة المميزة:

1. مجموعة إستر : $-COOR$ 2. صيغة الحمض هي: $CH_3 - \underset{OH}{C} = O$ و صيغة الكحول هي: $CH_3 - \underset{CH_3}{CH} - CH_2 - CH_2 - OH$

(II) دراسة حلمأة المركب (A).

1. تفاعل المعايرة

(1.1) معادلة تفاعل المعايرة:

(2.1) تعبير ثابتة التوازن بدلالة ثابتة الحمضية K_A و K_e :

$$K = \frac{K_A(CH_3COOH / CH_3COO^-)}{K_A(H_2O / HO^-)} \Rightarrow K = \frac{K_A}{K_e}$$

$$K = \frac{1,8 \cdot 10^{-5}}{10^{-14}} = 1,8 \cdot 10^9$$

(3.1) * كمية الحمض الموجودة في الكأس عند اللحظة t هي: $n = C_B \cdot V_{B,E}$ * كمية الحمض الموجودة في الحوجة عند اللحظة t هي: $n_T = 10 \cdot C_B \cdot V_{B,E}$

(2) تفاعل الحلمأة:

(1.2) مميزات التفاعل: بطيء و غير كلي (محدود).

(2.2) كميتي المادة قبل بداية التفاعل:

$$\begin{aligned} n(H_2O)_i &= \frac{m_i}{2M(H_2O)} \\ &= \frac{\rho_e V_i(H_2O)}{2M(H_2O)} \\ &= \frac{1 \times 70}{2 \times 18} = 1,94 \text{ mol} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} n(A)_i &= \frac{m_i}{2M(A)} \\ &= \frac{\rho V_i(A)}{2M(A)} \\ &= \frac{0,87 \times 30}{2 \times 130} = 0,1 \text{ mol} \end{aligned}$$

(2.3) استنتاج نسبة التقدم النهائي عند التوازن:

$A + H_2O \rightarrow CH_3COOH + alcool$				معادلة التفاعل	
كميات المادة (mol)				التقدم x	
0,10	1,94	0	0	$x = 0$	الحالة البدئية
$0,10 - x_{\acute{e}q}$	$1,94 - x_{\acute{e}q}$	$x_{\acute{e}q}$	$x_{\acute{e}q}$	$x = x_{\acute{e}q}$	حالة التوازن

* مبيانيا عند التوازن: $x_{\acute{e}q} = 0,084 \text{ mol}$ * التقدم الأقصى: $x_{\max} = n(A)_i = 0,1 \text{ mol}$

$$\tau = \frac{x_{\acute{e}q}}{x_m} = \frac{0,084}{0,1} = 0,84 = 84 \%$$

(4.2) السرعة الحجمية للتفاعل:

$$\begin{aligned} v(0) &= \frac{1}{V} \left(\frac{dx}{dt} \right)_{t=0} \Rightarrow v(0) = \frac{1}{V} \left(\frac{\Delta n_T}{\Delta t} \right)_{t=0} \\ &= \frac{1}{0,05} \frac{0,08 - 0}{20 - 0} = 0,08 \text{ mol} \cdot L^{-1} \cdot \text{min}^{-1} \end{aligned}$$

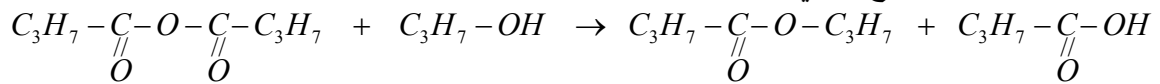
تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

(5.2) * تتناقص السرعة الحجمية خلال الزمن (تتناقص المعاملات الموجهة: $\frac{\Delta n_T}{\Delta t}$) إلى أن تؤول إلى الصفر.
العامل الحركي هو تركيز المتفاعلات.

الجزء الثاني: تصنيع إستر

(1) يستعمل جهاز التسخين بالارتداد لتسريع التفاعل، ولتكثيف الأنواع الكيميائية والحيلولة دون ضياعها.
(2) معادلة التفاعل خلال التصنيع الثاني:



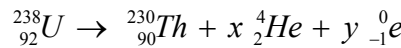
(3) * التفاعل (2) كلي: $n_i = x_{\dot{e}q_2} = 0,15 \text{ mol}$ مع $r_2 = \frac{x_{\dot{e}q_2}}{n_i} = 1 \Rightarrow n_i = x_{\dot{e}q_2}$ حسب المنحنى (2).

* التفاعل (1) محدود: $0,86 = \frac{x_{\dot{e}q_1}}{x_{\dot{e}q_2}} = \frac{0,13}{0,15} \Rightarrow r_1 = \frac{x_{\dot{e}q_1}}{n_i} = 0,86$ ، لأن حسب المنحنى (1): $x_{\dot{e}q_1} = 0,13 \text{ mol}$

الفيزياء

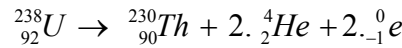
فيزياء 1: تأريخ الترسبيات البحرية

(1) يعطي الأورانيوم $^{238}_{92}U$ المذاب في ماء البحر ذرات الثوريوم $^{230}_{90}Th$ مع انبعاث دقائق:
1.1- معادلة التحول النووي:



$$\begin{cases} 238 = 230 + 4x + 0y \\ 92 = 90 + 2x + (-1)y \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = 2 \end{cases}$$

حسب قانوني صودي:

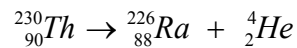


1.2- نبين أن النسبة $\frac{N(^{230}_{90}Th)}{N(^{238}_{92}U)}$ تكون ثابتة عندما يتحقق $a_{^{238}_{92}U}(t) = a_{^{230}_{90}Th}(t)$

نعلم عند اللحظة t أن: $a_{^{230}_{90}Th}(t) = \lambda N_{^{230}_{90}Th}(t)$ و $a_{^{238}_{92}U}(t) = \lambda' N_{^{238}_{92}U}(t)$ ، ومنه:

$$1 = \frac{a_{^{230}_{90}Th}(t)}{a_{^{238}_{92}U}(t)} = \frac{\lambda N_{^{230}_{90}Th}(t)}{\lambda' N_{^{238}_{92}U}(t)} \Rightarrow \frac{N_{^{230}_{90}Th}(t)}{N_{^{238}_{92}U}(t)} = \frac{\lambda'}{\lambda} \Rightarrow \frac{N(^{230}_{90}Th)}{N(^{238}_{92}U)} = \frac{\lambda'}{\lambda} = Cte$$

2- معادلة تفتت نواة الثوريوم $^{230}_{90}Th$ إلى الراديوم $^{226}_{88}Ra$:



÷ نطبق قانوني صودي فنجد:

* طبيعة الإشعاع : انبعاث نوى الهيليوم α

3- التحقق من القيمة $t_{1/2} = 7,5 \cdot 10^4 \text{ ans}$

نعلم أن عند $t = t_{1/2}$ ، يصبح : $N_{^{230}_{90}Th}(t) = \frac{N_0}{2}$ أي $\frac{N_{^{230}_{90}Th}(t)}{N_0} = \frac{1}{2} = 0,5$

ومن خلال المنحنى نجد: $t_{1/2} = 75 \cdot 10^3 \text{ ans} = 7,5 \cdot 10^4 \text{ ans}$

4- إيجاد بالسنة عمر الجزء المأخوذ من القاعدة السفلى للعينة:

نطبق علاقة التناقص الإشعاعي الخاص بالكتلة: $m(t) = m_0 \cdot e^{-\lambda t}$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

$$t = t_{1/2} \cdot \frac{\ln\left(\frac{m_s}{m_p}\right)}{\ln 2} = 7,5 \cdot 10^4 \times \frac{\ln\left(\frac{20}{1,2}\right)}{\ln 2} = 3 \cdot 10^5 \text{ ans}$$

أي : $m_p = m_s \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ ، ومنه:

فيزياء 2: دراسة النظام الانتقالي في وشيعة وفي مكثف
1) دراسة النظام الانتقالي في وشيعة:

1.1- أ - المقدار $\frac{di}{dt}$ يعبر عن المعامل الموجه لمنحنى الدالة $i = f(t)$ عند اللحظة t ، الذي يتناقص مع الزمن ، وبالتالي كذلك تتناقص المقدار $L \cdot \frac{di}{dt}$.

ب - * عند اللحظة $t = 0$: $u(0) = (R+r)i(0) + L \cdot \frac{di}{dt}(0)$ مع : $u(0) = E$ و $i(0) = 0$ ، نجد : $\frac{di}{dt}(0) = \frac{E}{L}$

* قيمة L : من العلاقة السابقة : $\frac{di}{dt}(0) = \frac{E}{L} = a$ ، نستنتج : $L = \frac{E}{a} = \frac{6}{100} = 0,06 \text{ H}$

ج - بالنسبة للمجال الزمني $t > 5 \text{ ms}$ (النظام الدائم) ، فإن $\frac{di}{dt} = 0$ ، وبالتالي:

$$u(t > 5 \text{ ms}) = (r + R) \cdot i(t > 5 \text{ ms}) + L \cdot \frac{di}{dt}(t > 5 \text{ ms}) \Rightarrow E = (R+r) \cdot i_{\max}$$

ومنه : $r = \frac{E}{i_{\max}} - R = \frac{6}{0,1} - 50 = 10 \Omega$ (مبيانيا شدة التيار القصوى هي $i_{\max} = 100 \text{ mA} = 0,1 \text{ A}$)

1.2- أ - تعيين المنحنى الموافق لكل حالة:

- احتفظنا في الحالة الأولى وفي الحالة الثانية بنفس المقاومتين $r = 10 \Omega$ و $R = 50 \Omega$ ، إذا : $i_{\max} = 100 \text{ mA} = 0,1 \text{ A}$ ويوافق هذا المنحنى (ب) والمنحنى (ج).

- حسب نتيجة السؤال 1.1- ب - $\frac{di}{dt}(0) = a = \frac{E}{L}$ ، نجد $a_2 = \frac{E}{L_2} = \frac{6}{0,12} = 50 \text{ A.s}^{-1}$ ، $a_1 = \frac{E}{L_1} = \frac{6}{0,06} = 100 \text{ A.s}^{-1} > a_2$

فنستنتج أن المنحنى (ب) يوافق الحالة الأولى والمنحنى (ج) يوافق الحالة الثانية.

ب - * تعبير المقاومة R_2' :

حسب المعطيات فإن ثابتة الزمن هي نفسها في الحالتين الثانية والثالثة أي : $\tau = \frac{L_2}{R_2' + r} = \frac{L_3}{R_3 + r}$

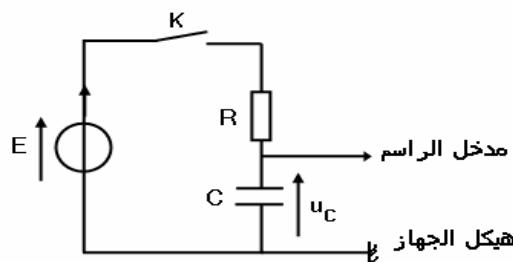
$$R_2' = \frac{L_2}{L_3} (R_3 + r) - r$$

ومنه : $\frac{R_2' + r}{R_3 + r} = \frac{L_2}{L_3}$ ، أي :

$$= \frac{0,12}{0,04} (30 + 10) - 10 = 110 \Omega$$

2) دراسة النظام الانتقالي في مكثف:

1.2- رسم تبيان التركيب:



تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

2.2- إثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_c :- حسب قانون إضافية التوترات : $u_R + u_c = E$ (*)- حسب قانون أوم $u_R = R.i$ و $i = \frac{dq}{dt}$ و $q = C.u_c$ نكتب : $u_R = R.\frac{dq}{dt} = RC.\frac{du_c}{dt}$ فنحصل على المعادلة التفاضلية : $RC.\frac{du_c}{dt} + u_c = E$ 3.2- أيجاد تعبير كل من A و B و τ بدلالة برامترات الدارة :يكتب حل المعادلة السابقة : $u_c(t) = Ae^{-t/\tau} + B$ وتكون المشتقة هي $\frac{du_c}{dt} = -\frac{A}{\tau}e^{-t/\tau}$ * تحديد B و τ بالتعويض :حسب المعادلة التفاضلية : $RC.\frac{du_c}{dt} + u_c = E \Rightarrow RC.\left(-\frac{A}{\tau}e^{-t/\tau}\right) + Ae^{-t/\tau} + B = E$ أي : $Ae^{-t/\tau}\left[1 - \frac{RC}{\tau}\right] + (B - E) = 0$ ، وهي معادلة تتحقق مهما تكن قيمة t ، ومنه :

$$B - E = 0 \text{ و } 1 - \frac{RC}{\tau} = 0 \text{ ، أي : } \underline{B = E} \text{ و } \underline{\tau = RC}$$

فيكتب حل المعادلة جزئيا : $u_c(t) = Ae^{-t/RC} + E$ * تحديد الثابتة A باستعمال الشروط البدئية: عند اللحظة $t = 0$: $u_c(0) = 0$ (1)حسب الحل الجزئي : $u_c(0) = Ae^{-0/RC} + E = A + E$ (2)ومن العلاقتين (1) و (2) نستنتج أن $A = -E$ فيكون الحل النهائي هو : $u_c(t) = E\left[1 - e^{-t/RC}\right]$

2.4- استنتاج التعبير الحرفي لشدة التيار بدلالة الزمن أثناء النظام الانتقالي :

أي : $i(t) = -C \times \frac{-E}{RC} \times e^{-t/RC}$ ، ومنه : $i = \frac{dq}{dt} = C \frac{du_c}{dt} = C \frac{d}{dt}\left[E(1 - e^{-t/RC})\right]$

$$i(t) = \frac{E}{R} \times e^{-t/RC}$$

2.5- حساب شدة التيار عند اللحظة $t = 0$: $i(0) = \frac{E}{R} \times e^{-0/RC} = \frac{E}{R} = \frac{6}{50} = 0,12 \text{ A}$

(3) دراسة تبادل الطاقة بين المكثف والوشية :

1.3- تعبير الطاقة الكهربائية المحزونة في المكثف :

تكتب الطاقة الكهربائية المحزونة في المكثف على الشكل : $E_e = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C}$ لدينا $i(t) = I_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$ ، ونضع $q(t) = q_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right)$ مع $q_m = C.U_0 = q(0)$ لنحدد المقدارين I_m و φ : انطلاقا من العلاقة $i(t) = \frac{dq}{dt}$

$$i(t) = I_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right) \quad (2) \quad \text{و} \quad \frac{dq}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0} q_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) = \frac{2\pi}{T_0} q_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \frac{\pi}{2}\right) \quad (1)$$

من خلال (1) و(2)، نستنتج أن: $I_m = \frac{2\pi}{T_0} \cdot q_m$ و $\varphi = \frac{\pi}{2}$ ، وبالتالي: $q(t) = I_m \cdot \frac{T_0}{2\pi} \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right)$

$$E_e = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} = \frac{1}{2C} \left(I_m \frac{T_0}{2\pi} \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) \right)^2 = \frac{1}{2C} I_m^2 \left(\frac{T_0}{2\pi} \right)^2 \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right)$$

$$= \frac{1}{2C} I_m^2 (LC) \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) = \frac{1}{2} L I_m^2 \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right)$$

2.3- * انحفاظ الطاقة الكلية للدارة (LC): $E_t = E_e + E_m = E_e + \frac{1}{2} L i^2$ مع $i(t) = I_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \frac{\pi}{2}\right) = -I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right)$

$$E_t = \frac{1}{2} L I_m^2 \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) + \frac{1}{2} L I_m^2 \sin^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) = \frac{1}{2} L I_m^2 \left[\cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) + \sin^2\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) \right]$$

$$\Rightarrow E_t = \frac{1}{2} L I_m^2 = Cte$$

$$E_t = \frac{1}{2} L I_m^2 = \frac{1}{2} C U_0^2 = \frac{1}{2} \times 20 \cdot 10^{-6} \times 6^2 = \underline{3,6 \cdot 10^{-4} J}$$
 * قيمة الطاقة الكلية:

فيزياء 3:

الجزء الأول: السقوط الرأسي لجسم صلب

1- دراسة حركة الكرة (a):

1.1- * إثبات المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة $v(t)$:

- المجموعة المدروسة: { الكرة (a) }

- تخضع المجموعة إلى التأثيرات التالية:

وزنها \vec{P} - تأثير دافعة أرخميدس \vec{F} - تأثير قوة الاحتكاك \vec{f}

- نطبق القانون الثاني لنيوتن في معلم أرضي، فنكتب: $\vec{P} + \vec{F} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}_G$

- نسقط هذه العلاقة المتجهية على المحور الرأسي (O, \vec{i}) الموجه نحو الأسفل:

$$mg - \rho_0 g V - 6\pi \eta r v = m \cdot \frac{dv}{dt}$$
 مع $m = \rho V$ و $V = \frac{4}{3} \pi r^3$

$$\text{إذا: } \rho g V - \rho_0 g V - 6\pi \eta r v = \rho V \cdot \frac{dv}{dt} \text{ ، أو: } \frac{\rho g V - \rho_0 g V}{\rho V} - \frac{6\pi \eta r}{\rho V} v = \frac{dv}{dt}$$

$$\text{يكافئ: } \frac{\rho - \rho_0}{\rho} \cdot g - \frac{9 \cdot \eta \cdot r}{2 \cdot \rho \cdot r^2} v = \frac{dv}{dt} \text{ و يكافئ أيضا: } \frac{\rho - \rho_0}{\rho} \cdot g - \frac{6\pi \eta r}{\rho (4/3) \pi r^3} v = \frac{dv}{dt}$$

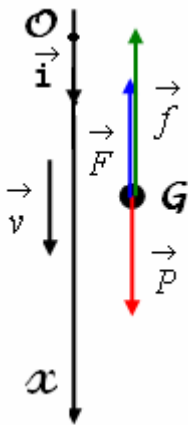
$$\text{أو: } \frac{dv}{dt} + \frac{9 \cdot \eta}{2 \cdot \rho \cdot r^2} v = (1 - \frac{\rho_0}{\rho}) \cdot g \text{ ، نضع } \tau = \frac{2 \cdot \rho \cdot r^2}{9 \cdot \eta} \text{ و } C = (1 - \frac{\rho_0}{\rho}) \cdot g$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{1}{\tau} v = C$$

فكتكتب المعادلة التفاضلية على الشكل التالي:

* حساب الثابتين τ و C :

$$C = (1 - \frac{\rho_0}{\rho}) \cdot g = (1 - \frac{970}{2600}) \times 9,81 = \underline{6,15 \text{ m.s}^{-2}} \text{ و } \tau = \frac{2 \cdot \rho \cdot r^2}{9 \cdot \eta} = \frac{2 \times 2600 \times (0,25 \cdot 10^{-2})^2}{9 \times 8 \cdot 10^{-2}} = \underline{4,51 \cdot 10^{-2} \text{ s}}$$



1.2- حساب قيمة السرعة الحدية v_ℓ :

* السرعة الحدية هي السرعة التي تمتلكها الكرة عندما تصل النظام الدائم أي عندما تصبح $(\frac{dv}{dt})_\infty = 0$

* تكتب المعادلة التفاضلية في هذه الحالة: $(\frac{dv}{dt})_\infty + \frac{1}{\tau} v_\ell = C$ ، أو $\frac{1}{\tau} v_\ell = C$ ، ومنه:

$$v_\ell = C \cdot \tau = 6,15 \times 4,51 \cdot 10^{-2} = 0,277 \text{ m.s}^{-1}$$

2- دراسة مقارنة لحركتي الكرتين (a) و (b) :

1.2- الكرة التي تستغرق أطول مدة زمنية لتبلغ سرعتها الحدية هي التي توافق المقدار الأكبر τ :

$$\tau' = \frac{2 \cdot \rho \cdot r'^2}{9 \cdot \eta} = \frac{2 \cdot \rho \cdot (2r)^2}{9 \cdot \eta} = 4 \cdot \frac{2 \cdot \rho \cdot r^2}{9 \cdot \eta} = 4 \cdot \tau > \tau \quad \text{و} \quad \tau = \frac{2 \cdot \rho \cdot r^2}{9 \cdot \eta}$$

* نستنتج أن الكرتية (b) هي التي تستغرق مدة أطول.

2.2- حساب المدة الزمنية الفاصلة بين وصول الكرتين إلى قعر الأنبوب:

* كل كرتية تقطع نفس المسافة H ، خلال مرحلتين: مرحلة النظام الانتقالي ومرحلة النظام الدائم.

* بالنسبة للكرتية (b) ، تقطع المرحلة الأولى خلال المدة $5 \cdot \tau'$ ، وتقطع المرحلة الثانية بسرعة ثابتة v'_ℓ خلال المدة $\frac{H-d_2}{v'_\ell}$

$$5 \cdot \tau' + \frac{H-d_2}{v'_\ell} = 5 \cdot (4 \times 4,51 \cdot 10^{-2}) + \frac{1-0,8}{4 \times 0,277} = 1,08 \text{ s}$$

* بنفس الطريقة نجد المدة التي تستغرقها الكرتية (a) خلال المرحلتين: $5 \cdot \tau + \frac{H-d_1}{v_\ell} = 5 \cdot (4,51 \cdot 10^{-2}) + \frac{1-0,05}{0,277} = 3,65 \text{ s}$

$$\Delta t = \left[5 \cdot \tau + \frac{H-d_1}{v_\ell} \right] - \left[5 \cdot \tau' + \frac{H-d_2}{v'_\ell} \right]$$

$$\Delta t = 3,65 - 1,08 = 2,57 \text{ s}$$

* تطبيق عددي:

الجزء الثاني: تغيير الشروط البدئية لحركة متذبذب غير مخمد

1- المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفعال x لمركز القصور G :

- المجموعة المدروسة: {الجسم الصلب}

- جرد القوى المطبقة على هذه المجموعة:

وزنها \vec{P} وتأثير قوة الارتداد \vec{T} وتأثير السطح الأفقي \vec{R}

- تطبيق القانون الثاني لنيوتن في معلم $\mathcal{R}(O, \vec{i})$ نعتبره غاليليا:

$$\vec{P} + \vec{T} + \vec{R} = m \vec{a}_G \quad \text{، إذا:} \quad \sum \vec{F} = m \vec{a}_G$$

بإسقاط العلاقة المتجهية على المحور الأفقي Ox :

$$P_x + T_x + R_x = m a_x \Rightarrow 0 - k \cdot x + 0 = m \cdot \ddot{x}$$

$$\ddot{x} + \frac{k}{m} \cdot x = 0 \quad \text{أو} \quad m \cdot \ddot{x} + k \cdot x = 0$$

نحصل على المعادلة التفاضلية:

2- التغيير الحرفي للدور الخاص:

$$\frac{dx}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0} x_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right) \quad \text{ومنه} \quad x(t) = x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right)$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

$$\text{وبالتالي } \frac{d^2x}{dt^2} + \underbrace{\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)}_{=x} = 0 \text{ أي } \frac{d^2x}{dt^2} = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$$

$$\text{أو: } \frac{d^2x}{dt^2} + \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 x = 0 \text{ و بالمقارنة مع المعادلة التفاضلية } \frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m}x = 0 \text{، نستنتج أن: } \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 = \frac{k}{m}$$

$$\text{ومنه نستنتج أن: } T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

3- تعيين المنحنى الموافق للحالة الأولى:

في الحالة الأولى، عند أصل التواريخ $t=0$ ، نحرر الجسم بدون سرعة بدئية أي: $\left(\frac{dx}{dt}\right)_{t=0} = 0$ ، ويوافق المنحنى (ب).

4- نعتبر المتذبذب في الحالة الثانية، حيث الوسع هو x_{m2} والطور هو φ_2 .

$$4.1- \text{ من المبيان (أ)، نجد: } * \quad x_{m2} = 4 \text{ cm} \quad \text{و} \quad d = 3 \text{ cm}$$

$$4.2- \text{ تطبيق انحفاظ الطاقة الميكانيكية لإثبات العلاقة: } x_{m2} = \sqrt{\frac{m.v_A^2}{k} + d^2}$$

* الطاقة الميكانيكية للمجموعة عندما يكون مركز القصور مطابقا مع النقطة A :

$$E_{mA} = E_{cA} + E_{ppA} + E_{peA}$$

$$= \frac{1}{2}mv_A^2 + E_{ppA} + \frac{1}{2}k.d^2 + cte$$

* الطاقة الميكانيكية للمجموعة عندما يكون مركز القصور مطابقا مع النقطة B أفصولها $-x_{m2} = -4 \text{ cm}$:

$$E_{mB} = E_{cB} + E_{ppB} + E_{peB}$$

$$= \frac{1}{2}mv_B^2 + E_{ppB} + \frac{1}{2}k.x_{m2}^2 + cte$$

ولدينا: $E_{ppA} = E_{ppB}$ و $v_B = 0$

$$E_{mB} = E_{mA} \Rightarrow 0 + E_{ppB} + \frac{1}{2}k.x_{m2}^2 + cte = \frac{1}{2}mv_A^2 + E_{ppA} + \frac{1}{2}k.d^2 + cte$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}k.x_{m2}^2 = \frac{1}{2}mv_A^2 + \frac{1}{2}k.d^2$$

$$\Rightarrow x_{m2}^2 = \frac{m}{k}v_A^2 + d^2$$

$$\Rightarrow x_{m2} = \sqrt{\frac{m}{k}v_A^2 + d^2}$$

4.3- تعبير $\tan(\varphi_2)$ بدلالة d و x_{m2} :

$$(1) \quad \cos(\varphi_2) = \frac{d}{x_{m2}} \Leftrightarrow x_2(0) = x_{m2} \cos(\varphi_2) = d \quad * \text{ نعلم أن: } x_2(t) = x_{m2} \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi_2\right) \text{، ومنه:}$$

$$(2) \quad \sin(\varphi_2) = \frac{-v_A}{\frac{2\pi}{T_0}x_{m2}} \Leftrightarrow \dot{x}_2(0) = v_A = -\frac{2\pi}{T_0}x_{m2} \sin(\varphi_2) \text{، ومنه: } \dot{x}_2(t) = \frac{dx_2}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0}x_{m2} \sin\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi_2\right) \text{، ولدينا:}$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2010 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

$$(2) \Rightarrow \tan(\varphi_2) = \frac{\sin(\varphi_2)}{\cos(\varphi_2)} = \frac{\frac{-v_A}{T_0} x_{m2}}{\frac{d}{x_{m2}}} = \frac{-v_A}{d \cdot \frac{2\pi}{T_0}} = \frac{-v_A}{d \cdot \sqrt{\frac{k}{m}}}$$

$$\tan(\varphi_2) = \frac{\sqrt{x_{m2}^2 - d^2}}{d} \quad \text{حسب نتيجة السؤال 4.2 - ، ومنه نستنتج العلاقة: } v_A = -\frac{\sqrt{x_{m2}^2 - d^2}}{\sqrt{\frac{m}{k}}}$$